

固体流束曲線を用いた連続シックナーの解析

メタデータ	言語: jpn									
	出版者: 室蘭工業大学									
	公開日: 2014-07-25									
	キーワード (Ja):									
	キーワード (En):									
	作成者: 小幡, 英二, 渡辺, 治夫									
	メールアドレス:									
	所属:									
URL	http://hdl.handle.net/10258/3662									

固体流束曲線を用いた連続シックナーの解析

小 幡 英 二 · 渡 辺 治 夫

Analysis of Continuous Thickener Using Solid Flux-Concentration Curve

Eiji Obata and Haruo Watanabe

Abstract

In this paper a continuous thickener operation at steady state was treated. Batch settling curves were classified into three types by initial concentration. At each concentration range, operating conditions, concentration distributions and area of thickener were observed experimentally and compared with the predicted values from solid flux-concentration curve.

The disign of thickener area must be distinguished in feed slurry concentration whether it belongs to free settling of type I or hindered settling of types II and III. When feed concentration decreases below a certain limit, the suspended particles will be lost in the overflow without the change of feed solid flux. At steady state operation, underflow concentration was found to be independent of the depth of thickener.

緒 言

スラリーから固体を分離濃縮する連続シックナーの設計には所要面績と所要槽高の決定が含 まれる。所要面績は回分沈降曲線¹⁾,もしくは固体流束(固体濃度と沈降速度の積)曲線を用い て決定される^{2,3,4)}。槽高決定法の確定した理論は確立されていないようである。連続シックナー の操作については固体流束曲線を用いる研究^{4,5)}がいくつか報告されているが,いずれも供給濃 度の影響については言及していない。

本報では,供給濃度を3種のタイプに分類し,回分沈降曲線と固体流束曲線の関係を明らか にするとともに,連続シックナーの操作条件,所要面積,および定常操作において予測される シックナー槽内濃度分布について実験結果と比較する。

1. 回分沈降曲線と固体流束曲線

容器中のスラリーを攪拌静置とすると粒子は沈降し容器底に堆積して濃縮スラッジを形成す る。ある濃度以上では沈降の途中で粒子けん濁層と清澄層の間に明瞭な界面が認められ、この 沈降界面高さと時間をプロットしたものを回分沈降曲線と呼ぶ。回分沈降曲線は初濃度により 3種のタイプにわけられる¹⁾。

図―1で定速沈降 DE の終了とともに最終スラッジが形成されることを示す DEF を1類沈

424



降と呼ぶ。この領域のスラリーは希薄でスラリー中の各粒子は自由沈降し、均一粒子群(単分 散)では定速沈降界面が認められるが、分布のある粒子群(多分散)では明瞭な沈降界面が認め られない。定速沈降 DG の終了後、点Gで不連続に減速沈降に移行する DGI を II 類沈降と呼ぶ。 一般工業スラリーの多くはこの領域に属し、界面沈降速度が濃度のみの関数となることから、 干渉沈降とも呼ばれる。スラッジ濃縮等の濃厚スラリーの沈降曲線は定速沈降 DJ の終了のの ち連続的に減速沈降へ移行する DJK のようになり、これをIII 類沈降、あるいは圧密沈降と呼ぶ。

回分沈降における濃度 $c [kg/m^3]$ と定速沈降速度 v [m/sec]の関係を求め、 $cv \in c$ にたい しプロットすると図-2の固体流束(cv)曲線を得る。図-2で最終スラッジ濃度 c_{∞} より固体 流束曲線への接線と固体流束曲線との交点をD,固体流束曲線の変曲点をFとし、D,Fに対 応する濃度をそれぞれ c_1 , c_n とすると、回分沈降試験の初濃度 c_f が 0 $< c_f \leq c_1$ のときを I 類沈 降, $c_1 < c_f \leq c_n$ のときを II 類沈降, $c_n < c_f \leq c_\infty$ のときを III 類沈降と分類することができる。

連続シックナーの設計と操作は、供給固体量のほかに供給スラリーの沈降類別により違った ものとなる。

2. 固体流束曲線と連続シックナー操作

図—3の連続シックナーにおいて、沈降層濃度 cのスラリーの静水中における粒子沈降速度 を vとすれば、全下降固体流束は c層の沈降による下降固体流束 cvと排泥による下降固体流束 cQ_u/A との和となり、これが排泥固体流束 c_uQ_u/A に等しくなればならないから、固体流束収 支として(1)式が成立する。

$$c (v+Q_u/A) = c_u Q_u/A \tag{1}$$

連続シックナーの定常操作状態では、沈降層は任意の高さにおいて(1)式を満足する均一濃度 を示す。

同様に, 溢流層においては沈降による下降固体流束 cv と溢流による上昇固体流束 cQo/Aの 差が溢流固体流束 coQo/A に等しいから, 固体流束収支として(2)式が成立する。



 $d(cv) / dc = -Q_u/A$



 $c (Q_0/A - v) = c_0 Q_0/A$ (2) 溢流が清澄では $c_o = 0$ であるから $c_u Q_u = c_f Q_f と \alpha$), 図—4の固体流束曲線上に任意の 濃度における供給固体流束 cQ_f/A , 溢流固体流 束 cQ_0/A , 排泥固体流束 cQ_u/A を操作線とし て表わすことができる。溢流が清澄の条件で排 泥量が与えられれば, (1)式の右辺の排泥濃度 $c_u \varepsilon$ 最大とする操作にたいし(3)式が成立する。 (3)

この条件が成立するシックナー操作を臨界負荷操作と呼ぶ。(3)式を満足する直線は図一4の LNで、この傾きの符号をかえた値が排泥速度 Q_u/A を表わす。LNと固体流束曲線の交点M, および接点Nの濃度 c_1 , c_c は(1)式を満足する沈降層濃度であり,LNとc軸の交点Pは(1)式の排 泥濃度 c_u を表わす。溢流固体流束 cQ_o/A と固体流束曲線の交点Qの濃度 c_2 は $c_o=0$ のとき(2) 式を満足する溢流層濃度である。したがって、図一4より定常操作されている連続シックナー の槽内濃度分布はつぎの5個のうちいずれかに属することが認められる。

1. 沈降層が均一濃度である場合(負荷を増加したとき) -afeij-

2. 沈降層内に濃度不連続面がある場合 -afeghij-

- 3. 沈降層が均一濃度である場合(負荷を減少したとき)-afhij-
- 4. 溢流層内に濃度不連続面がある場合 -acdfhij-
- 5. 溢流層が均一濃度である場合(溢流は清澄である)-abdfhij-

3. I類沈降濃度域(低濃度域)

この濃度域は図ー2で初濃度 c_f が0 < $c_f \leq c_I$ ときわめて希薄のときであり、回分沈降曲線 は図ー1の DEF で示される。図ー2の固体流束曲線で、初濃度 c_f の単分散試料の回分沈降を 考えると、その自由沈降速度は OB の傾きに等しく、容器底に形成されるスラッジ層濃度は c_∞ であり、その上昇速度は BJ の傾きで表わされる。図ー1の回分沈降曲線と図ー2の固体流束曲 線の対応はつぎのようになる。

 \angle DEH_E $\equiv \angle$ BOJ, \angle EOt $\equiv \angle$ BJO

図—5 で供給濃度 $c_f m c_f < c_I$ のとき,連続シックナーの排泥濃度は排泥速度により任意に設定できる。槽面積 A (m²)の連続シックナーで供給濃度 c_f ,供給量 Q_f ,排泥量 Q_u , すなわち供給固体流束が $c_f Q_f / A$ で,排泥速度 Q_u / A が操作線 GIの傾きとなる場合を考えてみる。図 — 5 で供給濃度 c_f の供給面における下降固体流束は供給スラリーの回分沈降速度を v_f として(1)式より

 $c_{f}(v_{f}+Q_{u}/A) = c_{u}Q_{u}/A = OJ < c_{f}Q_{f}/A = OG$ (4) となり、 $(c_{f}Q_{f}-c_{u}Q_{u})/A = JG$ の固体流束が溢流口から逸出する。操作線 GI を満足する沈降層 濃度は、直線 GI と固体流束曲線の交点Eに対応する濃度 c_{1} であるが、 $c_{f}Q_{f}/A < c_{1}Q_{f}/A$ の条

件により c1の沈降層濃度は存在できず直線 JK を満足する沈降層濃度 crとなることが知られ

る。溢流濃度 c_{o} は物質収支より、 $c_{o} = (c_{f}Q_{f} - c_{u}Q_{u})/Q_{o}$ であり、溢流層濃度 c_{2} は(2)式を満足 することから、 $c(Q_{o}/A - v) = (c_{f}Q_{f} - c_{u}Q_{u})/A = c_{o}Q_{o}/A$ より $c = c_{2} = c_{f}$ であることが知られ る。したがって、直線 GI で示される連続シック ナーの定常操作における操作線は直線 JK とな り、排泥濃度は c_{u} 、沈降層濃度は c_{f} 、溢流層濃 度は c_{f} 溢流濃度は c_{o} となる。全供給固体流束 を処理して清澄溢流を得るには排泥速度を直線 GL の傾きとしなければならない。

処理スラリー(供給)濃度がI類沈降濃度域 の場合には、けん濁粒子の単分散、あるいは多 分散にかかわらず粒子は自由沈降するから、固 体粒子の完全捕集の条件より最小粒子の自由沈 降速度を vminとして、シックナー所要面積 A は 次式より求められる。





(28)

$$Q_o/A = (Q_f - Q_u)/A = v_{min} \tag{5}$$

(5)式は粒子間の凝集,干渉を考慮していないので,供給濃度が大きいII類,あるいはIII類沈 降域では適用できないことになる。

4. Ⅱ類沈降濃度域(中濃度域)

この濃度域は初濃度が図 $-2 \circ c_{I} \ge c_{II} \circ d_{II}$ の間にあるときで、回分沈降曲線は図 $-1 \circ DGI \circ T$ 示される。一般に定速沈降終了点Gを臨界点と呼び、この時の清澄界面直下の濃度 c_{e} を臨界濃度と呼ぶ。

初農度を図—2のEに対応する c_{n2} とすると、定速沈降速度は OE の傾きであり、臨界濃度は Eより固体流束曲線へ引いた接線の接点Gの濃度 c_{c2} となり、その沈降速度は OG の傾きとな る。回分沈降試験における臨界濃度の上昇速度、すなわち図—1の OG の傾きは図—2 で EG の 傾きの符号をかえたものとなる。 図—1の回分沈降曲線と図—2の固体流束曲線の対応はつぎ のようになる。

 \angle DGH_G $\equiv \angle$ EOJ, \angle GOt $\equiv \angle$ EGK, \angle H_cGH_G $\equiv \angle$ GOJ

Ⅱ類回分沈降における臨界濃度は初濃度の増大とともに減少する傾向にあり、初濃度が固体 流束曲線の変曲点の濃度Cnに達すると、初濃度と臨界濃度は一致する。

供給濃度 Gが図-2の $c_1 < G \leq c_n$ のとき,連続シックナーで清澄な溢流を得る条件から供給固体流束がきまれば最大排泥濃度は決定され,最大排泥濃度以下の任意の排泥濃度が排泥速度によりきまることが認められる。操作線が固体流束曲線に接する操作(図-6の直線1および図-7の直線3)を臨界負荷操作といい,排泥速度一定のもとで供給固体流束を増加させるか、あるいは供給固体流束を変えずに排泥速度を減少させると溢流は濁り出す。

図—6で供給濃度 c_f のスラリーを溢流清澄の条件で処理する最適操作,すなわち処理固体量 が大きく,排泥濃度が大きい操作は点Eをとおり固体流束曲線に接する直線1で求められる。 このとき $tan \ \angle EGO = Q_{u1}/A$ であり,排泥濃度は c_{u1} である。供給濃度,排泥速度一定のもと で供給量を Q_{f1} から Q_{f2} に増加させると,排泥濃度は変らず溢流中に単位時間にあたり $c_f(Q_{f2}-Q_{f1})$ の固体粒子が逸出する。この場合の溢流濃度 c_{o2} は次式より求められる。

 $c_{o2}(Q_{f2}-Q_{u1}) = c_{o2}Q_{o2} = c_{f}(Q_{f2}-Q_{f1})$ (6)
このように、溢流中に固体粒子が逸出する操作を過負荷操作と呼ぶ(図一6直線2)。

供給速度, 排泥速度が一定のもとで, 供給量を Q_Bに減少させると操作線は直線3となり, 排 泥濃度は c_{u1}から c_{u8}に減少し, 沈降層濃度は直線3と固体流束曲線の交点Bに対応する濃度 c₁₃となる。このように操作線が固体流束曲線の下方に位置し, かつ沈降層濃度が供給濃度より 小さくなる操作を未負荷操作と呼ぶ。

各操作線のシックナー槽内濃度分布を図一6に示す。ただし沈降層濃度と臨界濃度の濃度不

427

(29)

連続面うは任意の高さに停止することができる。

Ⅱ類沈降濃度域のスラリーにたいするシックナー所要面積は(1)式の左辺,すなわちシック ナー供給面下の沈降層における下降固体流束を最小にする濃度を求め,それに対応する面積と なる。

 $[cv+c(Q_u/A)]_{min}=c_fQ_f/A=c_uQ_u/A$ (7) 上式の左辺が最小値となるのは d(cv)/dc = -Qu/Aのときであり,(7)式を満足する濃度は図 -4より c_1 および c_c である。図-4において c_u から固体流東曲線に引いた接線 MN の傾きが $tan^{-1}(Q_u/A)$ となるから、 Q_u が与えられれば溢流清澄の条件をみたす所要面積 A が求められ る。あるいは MN と縦軸との交点Lは c_fQ_f/A であるから、 c_f, Q_f を与えれば A が求められる。 これが吉岡の方法であり、(7)式より求めるのが Coe and Clevenger の方法²⁾であり、基本的には 両者の所要面積が同一であることが認められる。ただしこのとき $c_f \ge c_1$ でなければならない。

5. III類沈降濃度域(高濃度域)

この濃度域は図-2で初濃度 $c_{R\delta}$ が c_{II} と c_{∞} の間に存在する場合である。図-1の DJK に示したように、この濃度域の回分沈降曲線は定速沈降から連続的に減速沈降に移行し、初濃度と臨界濃度は等しいものとなる。このことはシックナー供給濃度がII類沈降濃度域に存在するか、III類沈降濃度域に存在するかにより槽内濃度分布が著しく異なることを意味する。初濃度. $c_{r\delta}$ が





 $c_{II} < c_f \le c_{\infty}$ の場合のシックナー操作は工業的に利用されることは少ないが、固体流束曲線の性質を理解するのに重要である。



図-8 実験装置概略図

428

(30)

図一7において、初濃度を c_f 、供給量を Q_{f1} 、排泥量を Q_{u1} とすると操作線は直線1となり、 固体流束曲線と接することから臨界負荷操作であることが知られる。III類沈降濃度域において は沈降層濃度は必ず供給濃度より小さく、供給濃度による制約はない。溢流清澄の条件で操作 線1の(1)式を満足する沈降層濃度は c_{11} 、および c_f であり、排泥濃度は c_{u1} となる。操作線1よ り供給量を Q_{f2} に減少すると操作線は直線2となり、沈降層濃度は c_{12} , 排泥濃度は c_{u2} となる。

ここでふたたび操作線3のように排泥量をQusに減少させると新たな臨界負荷操作となる。

各操作線におけるシックナー槽内濃度分布を図―7に示す。ただし濃度不連続面gは沈降層の任意の高さである。

6. 実験装置および実験方法

図-8に装置の概要を示す。容量 50 ℓのスラリー攪拌タンク1,12で調製された沈降性炭酸 カルシウム(商標ホワイトンP-40)スラリーは定量ポンプ2でフローメータ3から脈動防止 のヘッドタンク4をへて供給スラリーを満たしたシックナー6へ供給される。供給面での全面 均一分散のため、供給筒出口に三角形の切込みのついた底つき円筒5を設けた。シックナーは アクリル樹脂製(内径14.5 cm,高さ36.0 cm)で、排泥による下降流れを均一するため底部に 直径5 mmの孔288 個を設けた多孔板(開孔率0.34)7,排泥口部に短絡防止用分散板8を設 けた。シックナーに5 cm間隔で設けたサンプリング孔9およびサンプリング管10より直接ス ラリーを取り出し乾燥法により槽内濃度を測定した。排泥量は定量ポンプ11で調整され、溢流 とともに攪拌タンク12をへてスラリーポンプ13で供給タンク1に返送される。なお堆積ス ラッジの流動性が良好なため、レーキは使用していない。

7. 実験結果および考察

実験に使用した炭酸カルシウムスラリーの最終スラッジ濃度 c_{∞} は 48 時間放置後で 0.88 g/cm³である。解析に用いた固体流束曲線は高さ 30 cm のメスシリンダーで初濃度を変えた回 分沈降試験より求めた。I類沈降域の限界濃度 c_{I} は最終スラッジ濃度 c_{∞} から固体流束曲線への接線を求め、接線と固体流束曲線の交点より 0.022 g/cm³、II類沈降域の限界濃度 c_{II} は固体 流束曲線の変曲点より 0.107 g/cm³を得た。

表一1に供給濃度が小さいために槽内濃度に制約を受ける操作,および臨界負荷,未負荷, 過負荷の各操作について,それぞれ供給面高さを変えた実験例を示す。表中の数値は定常操作 時の平均値である。

429

表-1 操作条件と槽内濃度

Run	H	Cf	Q,	Qu	.C _{u es}	C _{u es}	C _c es	C _{1 es}	C2 es	C _{H=5}	C _{H=15}	C _{H=25}	C _{H=35}	C _{o es}	Со об
	[cm]	[g/1]	$\left[\frac{Cm^3}{mln}\right]$	$\begin{bmatrix} Cm^s \\ min \end{bmatrix}$	[g/1]	[g/1]	[g/1]	[g/1]	[g/1]	[g/1]	[g/1]	[g/1]	[g/1]	[g/1]	[g/1]
1*	34	34	390	39	330	272	_	34	34	27	25	25	25	1	3
2^*	20	17	470	22	330	344	-	17	17	15	17	16	15	2	2
3*	20	62	340	100	210	185	_	62	62	67	65	60	57	1	17
4*	5	28	410	30	358	334	—	- 28	28	30	30	30	28	2	2
5**	30	109	175	84	227	218	110		0	108	108	108	0	0	. 0
6**	20	110	149	62	264	265	125	-	0	125	120	0	0	0	0
7**	20	63	228	44	325	283	138	_	0	153	142	30	0	0	0
8**	10	106	162	68	253	250	120	—	0	125	0	0	0	0	0
9**	5	119	135	58	277	270	123		0	123	0	0	0	0	0
10^{\dagger}	30	127	106	45	299	268		33	0	37	33	33	0	0	0
11^{+}	20	116	144	75	223	223		43	0	40	35	0	0	0	0
12^{\dagger}	20	58	208	50	243	243	-	28	0	28	28	0	0	0	0
13^{\dagger}	20	45	220	45	220	225		23	0	25	23	0	.0	0	0
14^{\dagger} .	20	48	280	40	338	285	_	- 33	0	150	45	0	0	0	0
15^{\dagger}	20	56	270	66	230	230		35	0	76	60	10	0	0	0
16^{\dagger}	10	117	160	83	226	227		60	0	80	0	0	0	0	. 0
17^{\dagger}	5	65	234	91	167	163 -		33	0	32	0	0	0	0	0
$18^{\dagger\dagger}$	30	114	200	42	332	310	135	-	117	140	135	135	120	56	65
19††	20	107	173	46	310	285	132	-	110	140	140	113	113	33	37
20^{++}	20	63	295	64	268	205	125		68	85	75	63	57	6	6
$21^{\dagger\dagger}$	20	66	315	80	240	232	118	-	68	85	77	67	65	7	7
$22^{\dagger\dagger}$	10	118	147	27	430	360	157	—	122	170	124	120	120	48	60
23^{++}	5	55	286	30	410	342	150		65	150	70	72	72	13	27

es:estimated, ob:observed, *:c,-<c1, **:臨界負荷操作, [†]:未負荷操作, ^{††}:過負荷操作, H:槽高[cm]

実験開始時にシックナー供給面下を供給スラ リーで満たし定常操作にいたる時間の短縮をは かっているが、定常操作には供給面高さ、負荷 条件により3ないし6時間を要した。実験に使 用したシックナー槽面積は165 cm²で一定であ り、供給固体流束の増減は供給濃度、供給量で 行った。

図-9のIMの操作線は供給濃度の制約を受 け溢流中に粒子が逸出する場合である。操作条 件は表-1の Run2に示した。供給固体流束 0. 0488 g/cm²・min を縦軸に,排泥速度 0.133 cm/min を傾きにとると固体流束曲線との交点 Bの濃度 $c_{11}=0.020$ g/cm³は供給濃度 0.017



実測槽内濃度分布(**Run2,6**)

(32)

g /cm³より大きく(4)式の関係が成立し, IJ に相 当する固体流束が逸出する。

溢流濃度 c_{o1} は溢流速度が OI の傾きとなる ことから、点 Jを通って OI に平行な直線と横 軸の交点Kの濃度として求められる。排泥濃度 は c_{u1} で示され、シックナー槽内濃度分布は図 -9の abcde が予測される。点が実測値であ る。このような操作は供給濃度が I 類沈降に属 することが多く、排泥濃度を自由に選択できる 反面操作上に制約があることに留意しなければ ならない。

図—9のELの操作線は臨界負荷操作 Run6 の例である。この供給濃度 c_{f2}はIII類沈降域に 属するが、操作としては供給濃度がEからGの 濃度範囲にあれば同様に解析できる。この操作



実測槽内濃度分布(**Run17,22**)

の定常状態における槽内濃度分布は沈降層濃度が接点Gの臨界濃度 c_{c2}で溢流層が清澄の場合である。図-9の fghiik が予測される濃度分布であり、点が実測値である。

図—10 は供給面高さ5 cm と 10 cm の未負荷操作と過負荷操作の例である。それぞれの供給 濃度は c_n (II類沈降域) と c_n (II類沈降域) で、ともに沈降層濃度である操作線と固体流束 曲線の交点G、Hの濃度より大きく供給濃度の制約はない。

Run17の操作は未負荷操作であり、供給固体流束を点Bの0.092 g/cm²・minから点Eの 0.118 g/cm²・min まで増加しても溢流清澄な操作となる。Run17の槽内濃度分布は沈降層濃 度が c_{11} , 排泥濃度が c_{u1} で示される。供給固体流束を点Eに増加したときは沈降層濃度が c_{f1} , 排泥槽度が c_{uE} となる。

Run22の操作線は直線 IL で示され、固体流束曲線の上方に位置することから過負荷操作と なる。過剰固体流束は直線 IL と直線 MN の差で表わされる。溢流濃度 co2は溢流固体流束 OP と平行で点Tを通る RS と横軸の交点の濃度、溢流層濃度は RS と固体流束曲線の交点 J の濃 度,沈降層濃度は接点Kの濃度,排泥濃度は点Nの濃度 cu2となる。図—10 にそれぞれの槽内濃 度分布の予測値を実線、実測値を点で示す。

供給面高さを変えた実験より、シックナー槽高は濃縮には直接関与せず、操作時における供 給固体流束の変動、あるいは排泥装置の停止による固体粒子の槽外への逸出に要する時間に深 く関係するものと考えられる。これは非定常操作のシックナー解析に属する問題で今後の検討 が必要であろう。

結 言

連続シックナーは処理固体量が同じでも供給濃度により操作条件が異なり,設計上留意すべきことが認められた。ここでは供給濃度を回分沈降曲線の形により3つの領域に分類した。

固体流束曲線を用いる連続シックナーの解析は操作条件や所要面積の決定の有力な手法であ り、供給濃度が小さいために操作条件に制約を受ける場合にも適用できること、および定常操 作においてはシックナー槽高を必要としないことが認められた。

〔謝辞〕 本研究の実験に協力された西村政俊,工藤倫昭,真鍋耕一各氏に感謝する。 (昭和52年5月19日受理)

使用記号

A=槽面積〔m²〕, c=固体濃度〔kg/m³〕, H=槽高〔m〕, t=時間〔sec〕, v=粒子群沈降速 度〔m/sec〕, Q=体積流量〔m³/sec〕

〔添字〕 c=臨界, f=供給, o=溢流, u=排泥, 1=沈降層, 2=溢流層

文 献

1) Kynch, J. G.: Trans. Faraday Soc., 48, 166 (1952)

2) Coe, H. S. and G. H. Clevenger : Trans. Am. Inst. Min. Engrs., 55, 356 (1916)

3)小幡英二,渡辺治夫:化学工学,39,443(1975)

4) 渡辺治夫,小幡英二:粉体工学研究会誌,12,447,519(1975)

5) Jernqvist, Å. S. H. : Svensk Papperstiding, 68, 506, 545, 578 (1965), 69, 395 (1966)