

空気さく岩機の衝撃切削性能試験

メタデータ	言語: jpn
	出版者: 室蘭工業大学
	公開日: 2014-07-29
	キーワード (Ja):
	キーワード (En):
	作成者: 水戸, 唯則, 熊谷, 義光, 香川, 義郎, 佐藤, 一彦
	メールアドレス:
	所属:
URL	http://hdl.handle.net/10258/3733

空気さく岩機の衝撃切削性能試験

水 戸 唯 則・熊 谷 義 光 香 川 義 郎・佐 藤 一 彦

Measurement of Drilladility of Percussive Air Rock Drill

Tadanori Mito, Yoshimitsu Kumagai, Yoshio Kagawa, and Kazuhiko Sato

Abstract

A mesurement of the energy transfer from the piston to the drill steel and the stress wave transmission at the interface between the bit and rock was performed to determine the drillability of percussion drilling machine. Concerning the piston-drill steel system, the energy of stress wave E_s projected onto the drill steel was measured and compared with the kinetic energy of the piston E_{κ} possessing just before impact. The experimental result revealed that E_s amouted to $0.96E_{\kappa}$ regardless of impact velocity over the range from 1.43 to 5.99 m/sec. On the other hand, the engry E_u consumed to breaking rock was determined from the relationship between the force applied to the bit and the penetration resulting from this force, then it was compared E_s . The value of E_u increased from 0.29 to $0.36E_s$ with increase of pressure of inlet compressed air from 2.5 to $5.0 \text{kg/cm}^2\text{G}$.

The less value of the efficiency of energy transfer at the bit-rock interface is due to the fact that the first two incident waves can contribute to breaking rock, but the successive stress waves can not be transmitted to rock because of departure at the interface before the arrival of the third incident wave.

I緒 言

さく岩機は土木工事や鉱山において,発破孔や支保ボルト孔の設定等に広く利用されている。 最近の傾向としては油圧の普及が特筆され,大口径,長孔削孔では油圧さく岩機がほぼ定着を みせている。しかし,他方空気さく岩機も作業空間の狭い坑道や可然性ガスの危険のある炭鉱 等では現在でも広く利用されており,機器の改良や機器操作の制御等による削孔能率の向上が 要望されている。

本研究は空気さく岩機の性能試験の一環として,さく岩機作動時の供給空気圧力,押付力(圧 着力)がさく岩能率にあたえる影響を実験的に解明するために行なわれたものである。

一般に空気さく岩機のさく岩効率は、供給された圧縮空気の動力に対する単位時間に岩盤削 孔に消費されたエネルギの比として定義される。さく岩機のエネルギ伝達は次の3つの過程に 分解することができる。すなわち,(1) 圧縮空気の動力によりピストンに運動させる。(2) ピストンの運動によりドリルスチールを打撃し,ドリルスチールに衝撃応力を附与する。(3) ドリルスチールの衝撃応力を岩盤に投射することにより,岩盤を衝撃破壊する。この3つの過 程のエネルギ伝達効率のうち,(1)についてはさく岩機の機械効率および正味熱効率として求 め,すでに測定結果を報告した。そこで本文では,(2)および(3)のエネルギ伝達効率に関 して,それぞれの測定方法ならびに測定結果を報告し,あわせて供給空気の圧力とさく岩効率 との関係について述べることにする。

II ピストン-ピックスチール衝突系のエネルギ伝達

1 ピックスチールに生じる応力の理論解析

ピストンとピックスチールの衝突の際のエネルギ伝達を考察するために,最初に弾性波,1 次元的伝播を仮定してピックスチールに生じる応力の理論解析を行なう⁽¹⁾。

まず,解析するにあたり,ピストンとピックスチールの形状を実際のものとあまりかけ離れ ない程度に単純化して考える。ここではピストンおよびピックスチールにあるゆるやかなテー パの部分は軸方向に沿った平均直径の中実丸棒として表わした。また,ドリルスチールの先端は 実際には四角錐の形状を有しているが,先端を適当な長さに切断した形状を想定した。

ピストンとピックスチールは熱処理により実際にはやや材質を異にすると考えられるが,これ も単純化して同じ材質として扱った。以上の仮定により,ピストンおよびピックスチールは表1 および図1に示した変断面の中実丸棒として単純化した。ピックスチールの応力を解析する位 置は,実験と比較する意味から衝撃面から124 mm のところとした。応力波の解析には特性曲 線法を用いた。この方法では,衝撃端面で生成された応力波,およびそれが進行して不連続面

Diameter (cm)			Area (cm²)	Length (cm)			
D 1	2.000	A 1	3.142	1,	2.55		
D 2	2.600	A ₂	5.309	12	8.00		
D ₃	3.500	A ₃	9.621	13	6.20		
D 4	4.050	A 4	12.882	14	1.40		
D ₅	2.875	A 5	6.492				
$L_1 11.30 (cm)$ $L_2 46.30 (cm)$							

表-1 ピストンとピックスチールの形状

に到達したときに生ずる反射波,透過波を図1に模式的 に示したように,応力波が伝播する長手方向の距離と時 間の座標面に綱羅し,注目する観則点に到達する応力波 を順次重ね合せることにより,その点での応力の時間的 変動を決定することができる。したがって,計算に必要 なのは衝撃端に生成される初期応力(図1では σ_1 および σ_2 の記号で示した)および不連続面での反射係数 α ,透過 係数 β である。これらはそれぞれ次式で表わされる。

$$\sigma_1 = \frac{2A_2}{A_1 + A} \sigma_0, \quad \sigma_2 = \frac{2A_1}{A_1 + A_2} \sigma_0, \quad \sigma_0 = \frac{1}{2} E \frac{v}{C} \quad (1)$$

$$\alpha_{ij} = \frac{A_j - A_i}{A_j + A_i}, \quad \beta_{ij} = \frac{2A_i}{A_j + A_i}$$
(2)

 A_1 =ピストン衝撃端の断面積, A_2 =ピックスチー ル衝撃端の断面積

 $\pmb{\alpha}_{ij}$ =断面積が A_i の部分へ入射する応力波の A_i 側への反射係数

 β_{ij} =断面積が A_i の部分から A_j の部分へ入射する応力波の A_j 側への透過係数

E = ピストンおよびピックスチールのヤング率c = ピストンおよびピックスチールの弾性波速度

v=ピストンの衝撃速度



表-2 ピストンとピックスチールの 反射係数,透過係数



図-1 ピストンとピックスチールに おける応力波の伝播状態 表1に示した断面寸法を用いてすべての不連続面について計算 した,反射係数および透過係数を表2に示す。

さて、図1ではピストンとピックスチールの応力波伝播状態 を示しており、圧縮応力を実線、引張り応力を点線で表わしてい る。図中、 σ_1 および σ_2 については(1)式により容易に求めるこ とができる。次に透過波に注目する。ピックスチールの衝撃面で 発生する圧縮応力 σ_2 は弾性波速度*c* で端面方向へ進み、衝撃した 時刻をt=0とすれば $t=b_2/c$ 時間後に不連続面に到達し、そこ で $\alpha_{24}\sigma_2$ の応力が反射し、残り $\beta_{24}\sigma_2$ が透過する。その後、次の不連 続面で $\alpha_{45}\beta_{24}\sigma_2$ の応力が引張り応力として反射し、残りの $\sigma_3 = \beta_{45}$ $\beta_{24}\sigma_2$ の応力が圧縮応力の形をとり透過する。透過波 σ_4 についても 同様な手法により計算を進めることができ、これらを順次重ね合 わせることにより任意の時刻における応力を理論的に決定するこ とができる。



図-2 理論から得られるピ ックスチールに生じ る応力の変化

図2には、ピックスチールの衝撃端より 124 mm のところの応力の時間に伴なう変化状態を示したものであるが、この位置における最大応力値 σ_{maxt} は σ_0 の 1.16 倍である。また、ピストン衝撃速度 v (m/sec) と σ_{maxt} (kg/ cm^2)の関係は $\sigma_{maxt} = 247 v$ となった。ただし最大応力値以後の解析では計算が非常に煩雑になるため省略した。

2 ピストン落下試験によるエネルギ伝達

2.A 実験装置

ピストン衝撃速度とピックスチールに伝播した応力 波の最大値ならびに応力波のエネルギの関係を究明す るためピストンを自由落下させ、ピックスチールに衝 突させる実験を行なった。

実験装置の全体の構成を図3に示す。ピストンと ピックスチールを完全に向心衝突させるために、ピス トン落下通路にガイドパイプを用いた。ピストン衝撃 速度は衝突面付近の2個のフォトトランジスターによ り測定した。すなわち、ピストン衝撃速度はピストン が光をさえぎる時にフォトトランジスターから発生す る電圧の時間差を読みとり、フォトトランジスター間 を通過するときの時間を求め、それとセンサー間の距





離とで容易に求められた。また、ピックスチールに生じる応力波は衝突面から 124 mm の位置 に貼ったひずみゲージで測定した。このひずみはブリッジボックスを経て電圧に変換されたデジタ ルメモリーに一時記憶され、ペンレコーダに再生される。なお、この位置で測定された応力は、 ピストンとピックスチールの衝撃によって衝撃面から入射した応力波がピックスチール先端か らの第1次反射波の影響をうけることなく記録される。

2.B 解析結果と検討

ピストン衝撃エネルギ Ekは次式で与えられる。

$$E_{\mathbf{k}} = \frac{1}{2} \cdot \frac{W}{g} v^2 \tag{3}$$

ただし、Wはピストン重量である。また、ピックスチールに生じる応力波のもつエネルギ E_s は次式で与えられる。

$$E_s = \frac{Ac}{E} \int_0^t \{\sigma(t)\}^2 dt$$
(4)

ただし、A:ピックスチールの横断面積、c:ピックスチールの弾性波速度

E: ピックスチールのヤング率, σ : 応力, t: 波の継続時間

この波の全エネルギは2つの部分からなり、半分が変形のひずみエネルギで、残り半分が運動エネルギである⁽²⁾。



図-4 実験から得らたピックスチール に生じる応力波



図-5 ピストン打撃速度とピックスチール に生じる最大応力の関係

実験で得られた波形を図4に示す。応力波のエネルギは時間刻み dt を 2 μ sec として,区分求 積法にて圧縮から引張応力に転じるまでの90 μ sec 間を積分して求めた。図5 にはピストン衝撃 速度 (m/sec) と実測した最大応力値 σ_{maxE} (kg/ cm^2)の関係を示す。前節で述べた予測値の σ_{maxT} も合わせて点線で示す。 σ_{maxE} とvは理論的に一次関数の関係にあるが、これらのデータ最 小二乗法を適用してその関係式を導くと

> Ę <u>9</u>1.0

 $\sigma_{\rm maxE} = 230 \ v - 40$

が得られる。これによりピックスチールに生じる応力 の波高値を知るだけでピストン衝撃速度が求まること になる。実験値 σ_{maxE} は理論値 σ_{maxT} の平均 88.5%で あった。この食い違いは反射係数,透過係数を決定す る際,ピストンとピックスチールの形状を単純化した ことに帰因するものと考えられる。図6はピストン衝 撃速度 v とピックスチールに伝った応力波のエネル ギ E_s の関係を示す。これにも最小二乗法を用いて次式 を得た。

$$E_{\rm s} = 0.0288 \ v^{2.02} \tag{6}$$

この実験に用いたピストンの重量は $0.609 \ kg$ なの で(3)式よりピストン衝撃エネルギ E_k は $E_k = 0.0311$ v^2 であり、 E_k は E_k にきわめて近い値である。測定した



ピストン衝撃速度の範囲では *E*_sの *E*_kに対する比,つまり伝達率は 95.8%であった。この値は, ピストンのもつ運動エネルギがほとんどピックスチールに伝達していることを示しており,他 の報告事例⁽³⁾とも調和的である。

Ⅲ ピックスチール-岩盤衝突系のエネルギ伝達

1 衝撃さく孔のエネルギ伝達⁽³⁾

一般的なさく岩機において、ピストンとドリルスチールの単一衝突でドリルスチール内に応 力波が生じ、ドリルスチール先端の岩盤方向に向かう。この応力波を第1次入射波という。第1 次入射波のもつエネルギの一部分は岩盤に伝達され、また残りの部分は第1次反射波としてド リルスチール、ピストン方向に反射される。この第1次反射波はドリルスチールのシャンク部 で反射し,再び岩盤方向へ向かう第2次入射波となる。このように応力波はドリルスチール内 を往復し,岩盤に接触しているドリルスチールの先端を通してエネルギが伝達され岩盤を破壊 するのである。

ドリルスチール断面で応力波の相互作用によって生じた瞬間の力と変位速度は,次式によって決定される。

 $F = (\sigma_i + \sigma_r) A + F_0 \tag{7}$

$$\frac{du}{dt} = \frac{c}{E} \left(\sigma_i - \sigma_r \right) + V_0 \tag{8}$$

ただし,

F:ドリルスチール先端と岩盤に働く力

F₀:応力波の到達前のドリルスチールと岩盤に働く力

 σ_i :入射応力, σ_r :反射応力, A:ドリルスチールの断面積

c:ドリルスチーの弾性波速度,*E*:ドリルスチールのヤング率

du/dt:変位速度, Vo:応力波到達前のドリルスチール先端の速度

以下、議論を進める上で次のような条件をつける。

(i) ドリルスチール先端の挙動は剛体としてるふるまい,ドリルスチールと岩盤の境界 面での瞬間の力はドリルスチール先端に近い位置でのドリルスチール断面に働く。

(ii) F_0 , V_0 の値は無視できるほど小さい。

(iii) ドリルスチール先端と岩盤は第1次入射波が到達するとき密着している。

任意のドリルスチールと岩盤の組合わせにおいて、ドリルスチールと岩盤の接触境界面の状



態はドリルスチールに加わる力Fとドリルスチールの 貫入量(変位)Pで適確に表わすことができる。概念的な 荷重-貫入量曲線を図7に示す。第1次入射波によってド リルスチール先端の荷重が $0 \sim F_{p1}$ まで次第に増大し,除 荷されると岩盤の弾性により最終貫入量は最大貫入量 より小さくなる。再び第2次入射波によって荷重が加わ ると岩盤の弾性による傾き & に沿い荷重と貫入量が増 大し,図のような曲線になる。なお岩盤破砕に使われた エネルギ E_u は F-P曲線に囲まれた面積で与えられて いる。この E_u と前節で述べたピックスチールの応力波の エネルギ E_s の比, E_u / E_s によりピックスチール-岩盤衝 突系のエネルギ伝達効率が定義される。(7)式および (8)式に注目すると、ピックスチールに伝播する応力波の入射波 σ_iと反射波 σ_rを分解検出で きれば、荷重-貫入量曲線を決定することができ、それゆえ E_uが求められる。また応力波のエネ ルギ E_sも第1次入射波を分離検出できれば(4)式で計算することができる。それゆえ、応力 波を検出する位置を適切に選定して σ_i, σ_rが第1次および第2次以降について分離検出でき ればエネルギ伝達効率を測定することができるわけである。

2 実験装置

図8にさく岩機作動時の荷重-貫入量曲線,およびピッ クスチールに生ずる第1次応力波のエネルギを測定する ための実験装置の概略を示す。さく岩機は垂直に支持さ れ,作動中に横ずれすることなく,上下移動できるもの である。また上端のハンドルの部分に重錘を載せること により,任意の圧着力を加えることができる。上部から 錘り台,さく岩機本体,ピックスチールおよびモルタル でこれらを垂直に配した。ピックスチールの全長は606 *mm* でピストン衝撃端より137 *mm*,301 *mm*,540 *mm* の位置に半導体ストレンゲージを180°対向で一組ずつ接





着し、荷重計を構成した。説明の都合上、これらを上から順に Gage1, Gage2, Gage3 と呼ぶこ とにする。ピストンとピックスチールの衝突で発生するひずみの記録方法は、ピストン落下試 験と同様である。岩盤試料としては、木枠で成型し十分に養生したセメントモルタルを代用し た。この試料のモルタル下端からの反射波の影響を考慮して、この形状を 250 mm×250 mm× 280 mm とした。また単軸圧縮強度は 582.9 kg/cm²である。なお、ピックスチールに生じる応 力波の測定は圧着力約 20 kg、供給圧力 2.5、3.0、3.5、4.5、5.0 kg/cm²G の条件で実験を行 なった。

3 解析結果と検討

3. A 入射波と反射波の解析

図9に Gage 1, Gage 2, Gage 3 で測定された応力波形と入射波および反射波の立上がり を,それぞれ実線および1点鎖線の直線で示した。入射波と反射波が干渉し合うため、ピック スチール中間の Gage 2 から測定される応力波だけでは、完全に分離した σ_i, σ_rの応力波が得ら れない。したがって、Gage 1, Gage 3 から得られる応力波を参考に入射波と反射波を分離する。 ピストンとピックスチールの衝突で生じる第1次入射波は図の a ~ b 間で示す 90 µsec の圧縮波 からなり、ピックスチール-岩盤の接触境界面方向へ伝播されるが、ピックスチール先端部分



図-9 応力波の入射波と反射波の解析

が四角錐に整形され断面が変化するため、応力波の一部分が四角錐の底部から連続的に反射さ れる。また、ピックスチールと岩盤の接触境界面で反射し、最後にピックスチール先端で反射 する。このように反射点は複数あるが、Gage 1 で示される c で第1次反射波の顕著な立上がり が見られるので、これを逆算してピックスチールの先端より28 mmのところを応力波の反射 点とした。第1次反射波は Gage 2の第2次入射波の影響を受けない d~e 間と, Gage 3の第 1次入射波の影響を受けない f~g 間を組合わせて得られた。この第1次反射波はピックス チールのシャンク部方向に向かい衝撃端で自由端の反射がなされ、第2次入射波としてピック スチール先端へ向かうのであるが、その際ピックスチールのカラー部での反射波が衝撃端から の入射波より早いということを考慮して、第2次入射波は eを基点に解析した。Gage 2の第2 次入射波は点線で示す第1次反射波と合成されているので、実際の第2次入射波は点線の第1 次反射波を減ずることで得られる。第2次反射波は、Gage 2において第2次入射波と合成され ているので Gage 1 で現われる h~i間の応力波を組合せて j まで解析した。 j 以降は応力波 が複雑に干渉し合うので解析はjまで行なった。第3次入射波、反射波以降の応力波はピック スチールが岩盤から離れてピックスチールの先端が自由端としてふるまう波形になっているこ とから、ピックスチールと岩盤が接触しているのは第2次入射波が通過するまでと考えられる。 したがって岩盤破砕に使われたエネルギは第1次,第2次応力波を対象に解析した。また、応 力波の伝播している間にある程度の減衰が生じるので、この点についても考慮して Gage 2の 応力波を基準に解析を行なった。







因 $\Sigma = \sum_{k=1}^{n} \sum_{k=1}^$

3. B 岩盤破砕に使われたエネルギ

図10は供給圧力5.0 kg / cm^2 GのF-P曲線である。 第2次応力波によるF-P曲線で荷重0まで解析できな かったので、第1次応力波による除荷曲線と同じ傾きを もつものとして岩盤破砕に使われたエネルギ E_u を算出 した。図11に時間に伴う荷重と貫入量の変化を示すが、 最大荷重が岩盤に加わるのは第1次応力波の通過すると き、また最大貫入するのは第2次応力波の通過時におこ ることがわかる。ピストン衝撃エネルギ E_k はほとんど 100%が第1次入射波としてピックスチール内を伝播す

ることから、(3)式と(6)式を使って算出した。図12に各供給圧力におけるピストン衝撃 エネルギ *E*₄と岩盤破砕に使われたエネルギ *E*4の関係を示す。

さく岩機の効率を求めるために、過去に測定した圧縮空気動力 N_a 、インジケータ線図から決定した図示馬力 N_i 、ピストンの運動エネルギと単位時間当りの打撃数との積により定義される正味馬力 N_k を含めて、表3にエネルギ伝達と供給空気圧力の関係を総括した。ただし、表中(d)、(e)の動力は N_i と同様、それぞれに対応するエネルギ、すなわち E_a および E_a と単位

時間あたりの打撃数との積である。表3(h)項より,実験を行なった範囲では,ピックスチー ルの応力波のエネルギの平均33.4%が岩盤破壊に使われることがわかる。また(i)項より,総 合効率,すなわち圧縮空気動力のうち岩盤破壊に使われるのは平均6.6%という結果となった。

	表一	3	各種性能値
--	----	---	-------

power (kg-m/sec)			pressure of compressed air (kg/cm ² G)					
			2.5	3.0	3.5	4.0	4.5	5.0
(a)	power of supplied compressed air	$N_{\rm a}$	1.21	1.51	1.82	2.13	2.44	2.76
(b)	rate of work done by compressed air	Ni		0.390		0.654		0.950
(c)	rate of kinetic energy of piston	$N_{\!\scriptscriptstyle \rm K}$	0.186	0.290	0.395	0.457	0.532	0.592
(d)	rate of stress wave energy in picksteel	Ns	0.178	0.278	0.381	0.441	0.514	0.573
(e)	rate of work consumed for fracturing rock	Nu	0.053	0.084	0.132	0.161	0.170	0.208
(f)	efficiency (%)	Ni / Na		38.7		30.7		34.4
(g)		$N_{\rm k}/N_{\rm a}$	15.3	19.2	21.7	21.5	21.8	21.5
(h)		$N_{ m u}/N_{ m s}$	29.8	30.1	34.7	36.6	32.9	36.3
(i)		$N_{ m u}/N_{ m a}$	4.4	5.6	7.3	7.6	6.9	7.5

IV 結 言

空気さく岩機の性能試験の一環として、衝撃切削性能の測定をおこなった。実験ではピスト ン-ピックスチール系および、ピックスチール-岩盤系でのエネルギ伝達効率を測定することに 主眼をおいた。

ピストン-ピックスチール系のエネルギ伝達に関しては、ピストンを自由落下衝突させたとき のピストン運動エネルギとピックスチールに生じた応力波のエネルギを比較検討し、あわせて 応力波の理論解析の結果とも対比した。またピックスチール-岩盤系のエネルギ伝達に関して は、実際にさく岩機を作動させ、そのときのピックスチールの応力波のエネルギと岩盤の荷重 -貫入量曲線から定まる破砕エネルギを比較した。その結果、

(1) ピストン-ピックスチール系のエネルギ伝達効率は、ピストン運動速度が1.43-5.99 m/secの範囲では平均95.8%の値を示した。また、ピストンの衝撃によってピックスチール に生じる応力波の最大値は衝撃速度に比例し、応力波のエネルギは衝撃速度の2乗に比例す る結果となった。この実測値のうち応力波の最大値は、衝突系の幾何学的形状を単純化して おこなった理論解析による予測値88.5%にとどまった。したがって、理論解析にあたっては モデル化を更に厳密におこなう必要がある。

(2) ピックスチール-岩盤系のエネルギ伝達効率は、供給空気圧力が 2.5-5.0 kg/cm²G の範囲では平均 33.4%の値を示した。岩盤の衝撃切削に有効に消費されるエネルギは、岩盤

の荷重-貫入量曲線と対比すると、ピックスチールから岩盤に投射される第1次および第2次 の応力波により与えられていることが明らかになった。したがって、ピストン1打撃の時間 中に後続する3次以降の応力は、ピックスチール先端と岩盤の境界面で分離が起るため、ピッ クスチール内を往復するにとどまり、岩盤の衝撃切削に寄与しない。

(3) 供給された圧縮空気動力のうち,最終的に岩盤の衝撃切削に単位時間あたり消費されるエネルギは,通常の圧縮空気圧力の範囲では,7.6%である。このような低効率の1つの 原因は圧縮空気動力によるピストン往復運動であり,この段階での効率は30.7%である。ついでピックスチールによる岩盤衝撃切削では,効率は36.6%である。

以上のように、空気さく岩機の衝撃切削性能を調査するにあたり、素過程に分解してそれぞ れのエネルギ伝達効率を測定することができた。今後の課題としては、

(1) 今回は岩盤の荷重-貫入曲線をピックスチールの複数の測点で検出した応力波から計算によって間接的に測定したが、荷重と貫入量を直接検出し、チェックする必要がある。

(2) 今回,岩盤はセメントモルタルで代用したが,天然の岩盤について実験を行ない, 岩種による衝撃切削性能の変化を解明する必要がある。

(3) 空気さく岩機の効率を向上させるためのピストンおよびピックスチールの幾何学的 形状および寸法を,応力波の理論解析をつうじて見出す必要がある。

終わりに、本研究に協力いただいた本学卒業生の中野恒二君、山田泰造君に深く感謝の意を表します。(昭和 56 年 5 月 20 日受理)

参考文献

1) 松本浩之, 三室 弘, 松森保雄, 中原一郎: 日本機械学会論文集 29 (197) 49 (1963)

2) S.Timoshenko and J.N.Goodier : The theory elasticity 442 (1951)

3) W.A.Hustrulid and C. Fairhurst : Int. J. Rock Mech. Min. Sci 8 331 (1971)