

フェムト秒レーザパルスを用いたテーパファイバ中 のスーパーコンティニウムスペクトル発生

メタデータ	言語: jpn		
	出版者: 室蘭工業大学		
	公開日: 2007-03-30		
	キーワード (Ja):		
	キーワード (En): supercontinuum spectrum, tapered		
	fiber, femsosecond pulse		
	作成者: 王, 朝陽, 曽根, 宏靖, 佃, 知明, 今井, 正明		
	メールアドレス:		
	所属:		
URL	http://hdl.handle.net/10258/32		

診 侕

フェムト秒レーザパルスを用いたテーパファイバ中の スーパーコンティニウムスペクトル発生

王 朝陽*1, 曽根 宏靖*2, 佃 知明*1, 今井 正明*1

Supercontinuum Spectrum Generation in Tapered Fiber Using Femtosecond Laser Pulses

Zhaoyang WANG^{*1}, Hiroyasu SONE^{*2}, Tomoaki TSUKUDA^{*1}, Masaaki IMAI^{*1}

(原稿受付日 平成 18 年 5 月 23 日 論文受理日 平成 18 年 9 月 8 日)

Abstract

We present an extended nonlinear Schrödinger equation model that involves the dispersion coefficient and effective core area varying along the transition length of tapered fiber. The supercontinuum generated from short tapered fibers with a few micrometer diameter waist gives a good agreement with experiments of Teipel et al. and the modified stimulated Raman scattering formulation in our analysis is found to be effective. The spectral evolution along the tapered fiber is also investigated in order to gain insights into mechanism of the white light. In addition, the phase of supercontinuum pulse is calculated in some detail and shown along the propagation distance.

Keyword: Supercontinuum spectrum, Tapered fiber, Femtosecond pulse

1 はじめに

超高速・超大容量化が要求されているテラビッ トネットワークの構築、また超高速応答現象の解 明に向けて、超広帯域パルス光源の開発が必須で ある。近年、高強度短光パルスが光ファイバなど の透明媒質中を伝搬するときに発生する超広帯域 化現象はスーパーコンティニウム(Supercontinuum: SC)スペクトル光として知られようになった⁽¹⁾。こ れは光が狭いファイバコアに閉じ込められるため、 実効的な強度密度が高くなり、高次非線形光学効 果の複合過程で生じると考えられる。発生した SC 光は、スペクトル全域にわたって各波長成分の 位相関係が連続的に保持されるという特徴を持つ。 そのため高密度波長分割多重 (Dense Wavelength Division Multiplexing: DWDM)用光源として研究が 盛んである⁽²⁾。

SC 用ファイバとしては、波長分散特性がフラットで長手方向に減少する分散フラット/減少ファイバ(Dispersion Flattened/ Decreasing Fiber: DFDF)が検討されてきた⁽³⁾⁽⁴⁾。最近、光ファイバに空孔を導入した新たな構造を持つフォトニック結晶ファイバ(Photonic Crystal Fiber: PCF)が注目され、可視光領域でも平坦性に優れた SC スペクトルが観測された⁽⁵⁾⁽⁶⁾。一方、従来の通信用ファイバの外径を加熱延伸法より極端に細くした双方向テーパファイバ(Biconical Tapered Fiber)においても SC 発生が実証

^{*1} 電気電子工学科

^{*2} 北見工業大学情報システム工学科

された⁽⁷⁾⁽⁸⁾。テーパファイバでは光強度分布がクラ ッド直径数 μ m 程度以下の領域に閉じ込められ、零 分散波長は従来の通信用の 1.3~1.5 μ m 帯よりも可 視領域の 800 nm 帯に移る⁽⁹⁾。そのため、テーパウ エスト部で自己位相変調(Self-Phase Modulation: SPM)と誘導ラマン散乱(Stimulated Raman Scattering: SRS)などの高次非線形効果が顕著になり、高次分 散効果との相互作用が強まる。その結果、数 cm 程 度の長さでも SC 発生が起こると考えられる。

テーパファイバによる SC 発生を解明するため、 多くの研究グループにより数値解析が報告されて いる⁽¹⁰⁾⁽¹¹⁾⁽¹²⁾。しかし、実験結果とよく一致した結 果を得るためには、さらに厳密な解析モデルが必 要である。特に、テーパ遷移部分での断面形状の 軸方向変化による光ファイバ電磁波モードを厳密 に評価しなければならない。

本研究は、高次分散効果と高次非線形効果を考 慮した変形非線形シュレディンガー方程式 (Nonlinear Schrödinger Equation: NLSE)モデルを提案 する⁽¹³⁾。また、ラマン散乱項をローレンツ関数モ デルで近似することにより、超広帯域スペクトル パルスによる SRS 効果を厳密に評価することがで きる⁽⁴⁾。テーパファイバの遷移部分(Fig.1 参照)にお いて、軸方向に沿って波長分散及び有効コア断面 積が変化することも考慮している。これまで報告 された文献(11)の実験結果と比較することにより、 本解析法の妥当性を示す。さらに、SC スペクトル の振幅特性の波形整形を行うために、位相の周波 数依存性についても調べた。

2 テーパファイバ

まず、Fig.1 に解析に用いた双方向テーパファイ バの概略を示す。ウエスト直径は 2.3 μm とし、入 射側と出射側のアンテーパ部分、両側のテーパ遷 移部分、そしてウエスト部分のファイバ長がそれ ぞれ 4mm、15mm と 75mm になるように設定した。 これは文献(11)から Teipel らによって報告された



Fig. 1 Structure of a tapered fiber.

サンプル形状とほぼ同じである。また、テーパ形 状は、入射端から徐々に細く指数関数的に変化し ているとした⁽¹³⁾。

次に、双方向テーパウエストの波長分散特性と 有効コア断面積の変化を求め、(a)波長、(b)ウエ スト直径、(c)伝搬距離の関数として Fig.2 に示す。 Fig.2(a)の破線は純粋石英コアファイバ(クラッド径 が 125μm)を表し、実線は文献(7)に掲載されている



Fig. 2 (a) Calculated dispersion parameter *D* with wavelength and (b) effective core area A_{eff} of the fundament mode in the tapered fiber with diameter and (c) the A_{eff} with propagation distance at $\lambda_0 = 850$ nm.

グラフから4次関数でフィッティングしたもの(コ ア径が2.3 μm)である。このことから、ウエスト径 を細くすると零分散波長が短波長側にシフトする ことが分かる。Fig.2(b)と(c)はそれぞれクラッド径 と伝搬距離に対するスカラー近似の電磁界分布よ り見積もった有効コア断面積の変化である⁽¹⁴⁾。フ ァイバが極端に細く(直径1~10 μm)テーパ化する ことにより有効コア断面積が急激に減少している。 これはファイバが細くなると、入射光がクラッド 部に漏れて有効コア断面積が増加し、さらにファ イバを細くすることで今度は空気をクラッド部の 代わりに光が伝搬し、光の閉じ込め作用が強くな るためと考えられる。

3 NLSE モデル

本研究では、Fig.2 で示した特性を有するテーパ ファイバ中をピークパワーが数 kW オーダーの sech²型 Transform limited(TL)光パルスの伝搬につい て考察する。ファイバ中を伝搬する光電場のパル ス波形は搬送波周期に比べて十分穏やかに変化す ると仮定し、式(1)に示す変形非線形シュレディン ガー方程式(NLSE)⁽¹⁵⁾⁽¹⁶⁾を用いて数値解析した。こ こでは、波長分散が中心波長においてゼロに近い ため、5 次までの波長分散項を含めた。また、波長 依存損失、自己急峻化、SRS も考慮した。数値解 析には Split-Step Fourier (SSF)法⁽¹⁵⁾を用いた。

$$\begin{aligned} \frac{\partial u}{\partial z} + \frac{i}{2!} \beta_2 \frac{\partial^2 u}{\partial T^2} - \frac{1}{3!} \beta_3 \frac{\partial^3 u}{\partial T^3} - \frac{i}{4!} \beta_4 \frac{\partial^4 u}{\partial T^4} + \frac{1}{5!} \beta_5 \frac{\partial^5 u}{\partial T^5} = \\ -\frac{\alpha}{2} L_D u + i \left[|u|^2 u + \frac{i}{\omega_0 T_0} \frac{\partial}{\partial T} (|u|^2 u) + F^{-1} [[\chi_R F |u|^2]] u \right], \\ T = (t - \beta_1 z) / T_0, \\ D = -\frac{2\pi c}{\lambda^2} \beta_2, \qquad L_D = T_0^{-2} / |\beta_2|, \\ T_0 = t_p / (2 \ln(1 + \sqrt{2})) \approx t_p / 1.763, \\ \beta_j = \beta^{(j)} / (|\beta_2| T_0^{j-2}) \quad (j = 2, 3, 4, 5), \\ \gamma = n_2 \omega_0 / (cA_{eff}), \end{aligned}$$

ここで、F、 F^{1} はそれぞれフーリエ変換、逆変換 を表す演算子である。パルスと共に移動する群速 度座標系に変換するために、規格化された時間 Tを導入する。uは(規格化された)緩慢変化包絡線近 似した複素電場振幅、 T_{0} は入射パルス幅(半値全幅 は t_{p})、 $\beta^{(0)}$ はファイバ伝搬中のj(j=2,3,4,5)次分散 変動値、 β_{2} はファイバ入射時の分散値、zは分散 の長さ L_D で規格化された伝播距離である。D は ps/nm/km 単位で表記される分散値であり、c は真 空中の光速度、 λ_0 は入射中心波長を表す。 γ は非 線形係数、 P_0 は入射ピークパワーであり、 n_2 は非 線形屈折率、 ω_0 は中心角周波数、 A_{eff} は有効コア 断面積を表す。

式(1)の左辺の第 2~5 項は波長分散項で β_i は伝 搬距離と共に変化する量である。右辺の第 1 項は 波長依存損失a、第 2 項括弧中の第 1~3 式はそれ ぞれ SPM、自己急峻化と SRS を示している。発生 する SC スペクトル幅が励起光近傍における第 1 次 近似有効範囲よりもはるかに広くなるため、ラマ ン感受率から求められるラマン散乱項 χ_R として式 (2)のようにローレンツ関数モデルで近似した⁽¹⁶⁾。

$$\chi_{R}(\Omega) = \frac{\chi_{0}(\Omega_{R}\Gamma_{R})}{\Omega_{R}^{2} - \Omega^{2} - i\Gamma_{R}\Omega},$$
(2)

ここで、 $\Omega = (\omega - \omega_0) T_0$ は規格化角周波数、 χ_0 =0.275 はファイバ材料などによって決まる定数、 $\Omega_R = 13.2 \text{THz} \times 2\pi T_0$ は規格化ラマンシフト、 Γ_R =15.44 THz×2 πT_0 は規格化ラマンスペクトルの線幅 である。また、解析に用いた値は溶融石英ガラス の一般的な値である。

Table 1 には入射パルスの中心波長が 800 nm の場 合、Fig.1 で示した形状をもつテーパファイバの有 効コア断面積、非線形効果を表す非線形係数と 5 次までの高次分散項の値を示す。テーパウエスト 径を 2.3 μ m まで細くすると、 A_{eff} は非常に小さくな り、 γ は 4.7~64 W⁻¹km⁻¹まで増加した。また、群 速度分散値は正常分散領域(D<0)から異常分散領域 (D>0)に変化することが分かった。

Table 1Fiber parameters usedfor SC simulation.

	At the input end	At the waist (2.3µm)
λ_0	800 [nm]	
n_2	3.0×10 ⁻²⁰ [m ² /W]	
A_{eff}	50 [µm ²]	3.6 [µm ²]
γ	4.7 [W ⁻¹ km ⁻¹]	64 [W ⁻¹ km ⁻¹]
D	-105.9 [ps/km/nm]	68.6 [ps/km/nm]
β_2	3.599×10 ⁻² [ps ² /m]	-2.330×10 ⁻² [ps ² /m]
β_3	8.583×10 ⁻⁵ [ps ³ /m]	1.221×10 ⁻⁴ [ps ³ /m]
β_4	-1.268×10 ⁻⁷ [ps ⁴ /m]	-1.275×10 ⁻⁷ [ps ⁴ /m]
β_5	6.316×10 ⁻¹¹ [ps ⁵ /m]	5.357×10 ⁻¹¹ [ps ⁵ /m]

4 スペクトル解析結果と比較

数値解析には、入射光としてフェムト秒 Ti: Sapphire レーザを考え、繰り返し周波数 80MHz、 入射中心波長 800nm、パルス幅 380fs とした。これ らは実験結果と比較するため、文献(11)に掲載され た短光パルスのパラメータとほぼ同じである。

Fig.1 で示したテーパファイバを用いて、他の入 射条件を固定し、入射平均パワーのみを 45、85、 100、200mW と変化させた時のスペクトル解析結 果を Fig. 3 (a)に示す。Fig. 3 (b)と(c)はそれぞれ文献 デルによる結果(Fig.3(a))は実験結果(Fig.3(b))と近い スペクトルになっていることが分かる。即ち、ラ マン散乱項をローレンツ関数モデルで近似するこ とが広帯域な SC スペクトルを得るために必要不可 欠である。

(11)から Teipel らの実験結果と SRS を考慮してい ないモデルによる Teipel らの解析結果である。こ

れらの結果を比較すると、我々が提案した解析モ

また、Fig.4 は入射平均パワーを 180mW に固定 し、ウエスト径 2.0µm であるテーパファイバのウ エスト長さのみを 50、75、90 mm と変化させた時、



Fig. 3 Spectra for different output powers with (a) our simulation, (b) experiment ⁽¹¹⁾ and (c) Teipel et al.'s simulation ⁽¹¹⁾.



Fig. 4 Spectra for different fiber waist lengths with (a) our simulation, (b) experiment $^{(11)}$ and (c) Teipel et al.'s simulation $^{(11)}$.

-4 -



Fig. 5 Evolution of pulse spectrum along tapered fiber for P_{ave} of (a) 100mW and (b) 200mW.

我々の解析結果(Fig.4(a))と文献(11)の実験結果 (Fig.4(b))および彼らによる解析結果(Fig.4(c))を比較 している。実験結果に比較的良く一致しているス ペクトル幅と形状が得られたことから、本論文で 提案する解析手法の妥当性が再確認できた。

さらに、テーパファイバによる SC 発生過程の詳 細を明らかにするため、長手方向に沿ってスペク トルの伝搬特性を調べた。その結果を Fig.5 に示す ⁽¹⁷⁾。Fig.5(a)、(b)は、それぞれ Fig.3(a)で示した平 均パワーが 100mW と 200mW の場合である。テー パファイバを用いた SC 発生の主要因はテーパ化 (コア径が減少すること)による非線形効果の増大と 分散値が異常分散領域へ変化する、あるいは零分 散値に近づく分散効果との相互作用によるためで ある。このことは、Fig.5(a)の 68mm と(b)の 57mm 付近におけるスペクトルの急激な広がりから裏付 けられる。また、100mW の場合(Fig.5(a))、スペク トルの広がり始まるところが 200mW の場合より少 し長くなることが見て取れる。これは入射パワー が弱いと、高次非線形効果と分散効果の相互作用 がある閾値に達するまで、より長い伝搬距離が必 要になるためと考えられる⁽¹⁸⁾。

5 位相の周波数依存性

発生した SC スペクトルには位相の周波数依存性 ¢(f)があるためにそのままでは超広帯域光源とし て実用化できない。これを制御する一手法として SC スペクトルを空間周波数に分光し、空間位相変 調器などを用いて各周波数毎に位相を制御する方 法が考えられる⁽¹⁹⁾。本節では、その位相補償に必 要な SC スペクトルの位相に関する周波数特性を詳 細に調べる。位相の周波数特性は式(3)により、複 素電場の偏角として定義される。

$$\phi(f) = \tan^{-1} \frac{\operatorname{Im}[u(f)]}{\operatorname{Re}[u(f)]},\qquad(3)$$

しかし、 $\phi(f)$ の値はそのまま計算機で求めると、 2 π の範囲に限定される。これは tan⁻¹の計算では主 値の範囲($-\pi \le \phi(f) \le \pi$)で解を求めるためであ る。位相変化が 2 π の範囲に超えて連続するために 位相接合を行わなくてはならない。そこで、中心 周波数 f_0 (= c/λ_0)付近の位相がゼロになるようにし て、位相特性を連続的に繋げるためアンラッピン グ(unwrapping)処理⁽²⁰⁾を行った。 Fig.5(b)のようにウエスト長さ 75mm(全長 113 mm)のテーパファイバ中に平均パワー200 mW のパ



Fig. 6 Pulse spectrum and phase as a function of frequency at special distances of tapered fiber.



Fig. 7 Pulse spectra width and phase ϕ_{max} for P_{ave} of 200 mW as a function of propagation distance. (1), (3): untapered and transitional region; (2): waist region).



Fig.8 Propagation distance Z_1 for SC spectrum broadening with different average powers P_{ave} .

ルスが入射する場合、各伝搬長でスペクトル強度 *I(f)* (=(Im[*u(f)*])²+(Re[*u(f)*])²)と位相¢(f)の周波数依存 性を Fig.6 に示す。ほぼウエストの真中(57mm)以降 の伝搬距離で、*I(f)*はすでに広がっていて、大きな 変化は見られない。一方、伝搬距離が長くなると、 そこまで変化がなかった位相推移量は増加し始め る。これは広がった SC スペクトルが正常分散領域 の位相変化も含んでしまうためである。位相の変 化には正常分散領域の効果が常に積算されている ためと考えられる。

次に、スペクトル強度の最大値から 10⁶の値を 示す周波数での ϕ (f)の最大値を最大位相量 ϕ_{max} と 定義する。Fig.5(b)と同じファイバサンプルに 200mW の平均パワーを入射する場合、この ϕ_{max} (破線)とSCスペクトル幅(最大値から-20dB、 実線)の関係をFig.7に示す。この図より、SCスペ クトルがウエスト部分のほぼ中央(Z_i =57mm)で急激 に広がった後、スペクトル広がりが飽和する。一 方、最大位相量は伝搬長と共に増加し続けること が分かった。

さらに、入射平均パワー P_{ave} が 85~200 mW 変化 した場合、SC スペクトルが発生した直後の伝搬長 Z_1 の変化を Fig.8 に示す。 P_{ave} が小さいと、SC 発生 のためには、長い伝搬距離 Z_1 が必要であることが 分かった。

これらの結果から、空間位相変調器を用いた位 相の周波数依存特性を制御にするためには、パル スパワーやウエスト直径に応じたテーパウエスト 部分の長さを適当に設計しなくてはならない。そ れにより、位相変化量を最小限に抑えることがで き、かつ効率良く広がる SC スペクトルが得られる と考えられる。

6 まとめ

双方向テーパファイバを用いて高次非線形効果 を考慮した SC スペクトル特性を厳密な数値解析を 行い、実験結果と比較し、我々の解析手法の妥当 性を実証した。また、パルス伝搬過程における SC スペクトルが急激に広がる伝搬長を求めた。さら に、SCパルスの位相の周波数依存性も調べた。今 後は、テーパファイバによる SC スペクトル広帯域 化のための入射パルスパラメータとファイバの条 件を明らかにすること、多波長パルス光源などへ の応用を検討する予定である。

文献

(1) R.R.Alfano ed., The Supercontinuum Laser Source, (Springer-Verlag, New York, 1989)

(2) 猿渡正俊, テラビット光通信と光パルス, 光学, 32巻 10号(2003), p588-596.

(3) T.Okuno, M.Onishi, and M.Nishimura, Generation of ultra-broad-band supercontinuum by dispersion-flattened and decreasing fiber, IEEE Photonics Technol. Lett., Vol.10, No.1 (1998),p72-74.

(4) 曽根宏靖, 荒井将, 河野健司, 今井正明, 今井洋, 分散フラット/減少ファイバーを用いた広帯域スーパーコ ンティニウムスペクトルの発生条件, 光学, Vol.30, No.8(2001), p522-527.

(5) J. K. Ranka, R. S. Windeler, and A. J. Stentz, Visible continuum generation in air-silica microstructure optical fibers with anomalous dispersion at 800nm, Opt. Lett., Vol.25, No.1 (2000), p25-27.

(6) S.Coen, A.H.L.Chau, R.Leonhardt, J.D. Harvey, J.C.Knight, W.J.Wadsworth, and P.St.J. Russell, White-light supercontinuum generation with 60-ps pump pulses in a photonic crystal fiber, Opt. Lett., Vol.26, No.17(2001),p1356-1358.

(7) T. A. Birks, W. J. Wadsworth, and P. St. J. Russell, Supercontinuum generation in tapered fibers, Opt. Lett., Vol. 25, No. 19 (2000), p1415 -1417.

(8) S. M. Kobtsev, S. V. Kukarin, N. V. Fateev, Controlling the width of a femto-second continuum generated in a small-diameter fiber, Quantum Electronics, Vol. 32, No.1(2002), p11-13.

(9) J.M.Harbold, F.Ö.Ilday, and F.W.Wise, T.A.Birks, W.J.Wadsworth, and Z.Chen, Long–wavelength continuum generation about the second dispersion zero of a tapered fiber, Opt. Lett., Vol.27, No.17 (2002),p1558-1560.

(10) J.M.Dudley and S.Coen, Numerical simulations and coherence properties of supercontinuum generation in photonic crystal and tapered optical fibers, IEEE J. Select. Topics in Quantum Electronics, Vol.8, No.3 (2002), p651-657.

(11) J.Teipel, K.Franke, D.Türke, F.Warken, D.Meiser, M.Leuschner, and H.Giessen, Characteristics of supercontinuum generation in tapered fibers using femtosecond laser pulses, Appl. Phys. B Vol.77, No.2-3 (2003), p245-251.

(12) M.Kolesik, E.M.Wright, J.V. Moloney, Simulation of femtosecond pulse propagation in sub-micron diameter tapered fibers, Appl. Phys. B, Vol. 79, No. 3 (2004), p293-300.

(13) Z.Wang, T.Tsukuda, H.Sone, M.Imai, and H.Kano, Characteristics of femtosecond supercontinuum generation in a short tapered fiber with a few micrometer diameter waist, Proceedings of ICO 20, Changchun, China (Aug. 2005), No. 02-06-09.

(14) P.Dumais, F.Gonthier, S.Lacroix, J.Bures, A. Villeneuve, P.G.J.Wigley, and G.I. Stegeman, Enhanced self-phase modulation in tapered fibers, Opt. Lett., Vol. 18, No 23 (1993), p1996-1998.

(15) G.P.Agrawal, 非線形ファイバー光学 (原書第2版), 吉岡書店,(1997).

(16) B.Gross and J.T.Manassah, Supercontinuum in the anomalous group-velocity dispersion region, J. Opt. Soc. Am. B, Vol. 9, No.10 (1992), p1813-1818.

(17) 王朝陽, 曽根宏靖, 佃知明, 今井正明, フェムト秒 レーザパルスを用いたテーパファイバ中のスーパーコ ンティニウムスペクトル発生, 2006 年電子情報通信学 会総合大会講演論文集, (2006 年 3 月), No. B-13-34.

(18) 王朝陽, 曽根宏靖, 佃知明, 今井正明, フェムト秒レ ーザパルスを用いたテーパファイバ中のスーパーコン ティニウムのスペクトルと位相の周波数特性, 平成 18 年電気・情報関係学会北海道支部連合大会講演論文集, (2006年10月), No. 252.

(19) M. Yamashita, M. Hirasawa, N. Nakagawa, K. Yamamoto, K. Oka, R. Morita, and A. Suguro, Pulse compression of white-light continuum generated by induced phase modulation in a conventional glass fiber, J. Opt. Soc.Am.B,Vol.21, No.2 (2004), p458-462.

(20) 曽根宏靖,王朝陽,向川大敬,澤田潤,丸山雄 也,原田康浩,今井正明,分散制御ファイバーによる スーパーコンティニウムパルスの位相の周波数依存性, 第41回応用物理学会北海道支部/第2回日本光学会北海 道支部合同学術講演会予稿集,(2006年1月), No. C-29.